

# **FORTRAN 90**

## **wykład 4 & 5**

**Janusz Andrzejewski**

**06/12/11**

# PLAN

Wyrażenia arytmetyczne

Stałe nazwane

Łańcuchy

Wyrażenia logiczne

Priorytet operacji

Funkcje matematyczne

# Wyrażenia arytmetyczne (WA)

Wyrażenia arytmetyczne – mogą zawierać arytmetyczne operatory, operandy, oraz nawiasy. Operandami mogą być:

Stałe liczbowe

Stałe nazwane

Zmienne

Tablice

Odwołania do funkcji (**UWAGA! W przypadku występowania kilku funkcji, kolejność wywołania funkcji nie jest zdefiniowana !!!**)

Inne wyrażenia arytmetyczne ujęte w nawiasy okrągłe

**Uwaga:**

**operand – argument operatora, np.  $3+4=7$ , operatorem jest dodawanie (+), a operandami 3 oraz 4. Ogólniej, operandem jest to zbiór obiektów na którym wykonywane jest pewne działanie.**

# WA - operatory

W Fortranie mamy 5 operatorów arytmetycznych które mogą działać na 3 typach danych arytmetycznych (INTEGER, REAL, COMPLEX)

- + dodawanie lub tożsamość
- odejmowanie lub negacja
- / dzielenie
- \* mnożenie
- \*\* potęgowanie

**UWAGA!** Wszystkie operatory mogą działać na dowolnym typie arytmetycznym

# Typ wyniku dla operacji: + - / \*

Typ wyniku dla operacji  $A .op. B$ , gdzie  $.op.$  oznacza jedno z działań: + (dodawanie), - (odejmowanie), / (dzielenie), \* (mnożenie)

Typ A	Typ B	Wartość użyta jako A	Wartość użyta jako B	Typ wyniku
Int.	Int.	A	B	Int
Int.	Real	<code>real(A, kind(B))</code>	B	Real
Int.	Compl.	<code>cmplx(A,0,kind(B))</code>	B	Comp.
Real	Int.	A	<code>real(B, kind(A))</code>	Real
Real	Real	A	B	Real
Real	Compl.	<code>cmplx(a,0,kind(b))</code>	B	Compl.
Compl.	Int.	A	<code>cmplx(B,0,kind(A))</code>	Compl.
Compl.	Real	A	<code>cmplx(B,0,kind(A))</code>	Compl.
Comp.	Comp.	A	B	Comp.

**`Real(X, kind(rodzaj))` – funkcja wewnętrzna zamieniająca liczbę X na liczbę rzeczywistą o rodzaju TYP**

**`cmplx(x, y, kind(TYP))` – funkcja wewnętrzna zwracającą liczbę zespoloną rodzaju TYP o części rzeczywistej x i urojonej y**

# Typ wyniku dla operacji: \*\* (potęgowanie)

## Typ wyniku dla operacji A\*\*B

Typ A	Typ B	Wartość użyta jako A	Wartość użyta jako B	Typ wyniku
Int.	Int.	A	B	Int
Int.	Real	real(A, kind(B))	B	Real
Int.	Compl.	cmplx(A,0,kind(B))	B	Comp.
Real	Int.	A	B	Real
Real	Real	A	B	Real
Real	Compl.	cmplx(a,0,kind(b))	B	Compl.
Compl.	Int.	A	B	Compl.
Compl.	Real	A	cmplx(B,0,kind(A))	Compl.
Comp.	Comp.	A	B	Comp.

# WA – kolejność działań

Kolejność działań (od najwyższego do najniższego priorytetu):

Wyrażenia w nawiasach

Wywołania funkcji

Potęgowanie

Mnożenie i dzielenie

Dodawanie i odejmowanie

W każdej z tych grup, działania są wykonywane od lewej do prawej  
np:  $A/B/C$  jest równoważne  $(A/B)/C$ . Dla potęgowania jest wyjątek, działania są wykonywane od prawej do lewej, tzn  $A**B**C$  jest równoważne  $A**(B**C)$

Jeśli wartość wyrażenie da się określić wcześniej, nie wszystkie składniki muszą być obliczane np:  $X*FUNC(G)$  – jeśli  $X=0$  to wartość funkcji  $FUNC$  nie musi zostać obliczona

# WA – kolejność działań cd.

Kompilator jest zobowiązany do przestrzegania nawiasów  
W ramach przekształceń matematycznych które są sobie równoważne,  
Kompilator może zmieniać kolejność obliczania wyrażeń

Wyrażenie	Równoważne wyrażenie	Wyrażenie	Zabronione przekształcenie
$X+Y$	$Y+X$	$I/2$	$0.5*I$
$-X+Y$	$Y-X$	$X*I/J$	$X*(I/J)$
$X*A/Y$	$X*(A/Y)$	$(X+Y)+Z$	$X+(Y+Z)$
$A/B/C$	$A/(B*C)$	$I/J/A$	$I/(J*A)$
$X*Y-X*Z$	$X*(Y-Z)$	$(X*Y)-(X*Z)$	$X*(Y-Z)$
$A/5.0$	$0.2*A$	$X*(Y-Z)$	$X*Y-X*Z$

## Oznaczenia:

**X, Y, Z** - dowolne typy numeryczne takie jak: integer, real czy complex

**I, J** – dowolny typ całkowity

**A, B, C** – dowolny typ rzeczywisty albo zespolony



# WA – niejawną konwersja

W przypadku, gdy w wyrażeniu arytmetycznym mamy doczynienia ze składnikami o różnych typach, zachodzi następująca niejawną konwersja typów

INTEGER => REAL => COMPLEX

czyli konwersja idzie zawsze w kierunku „większych” typów np.

$1.0/2 \Rightarrow 1.0/2.0 \Rightarrow 0.5$

$1.0D0/2 \Rightarrow 1.0D0/2.0D0 \Rightarrow 0.5D0$

Powyższa konwersja nie obowiązuje dla operatora potęgowania. Jeśli typ wykładnika jest INTEGER to konwersja typów nie zachodzi tzn.

$2.0^{**}3 \Rightarrow 2.0*2.0*2.0 \Rightarrow 8.0$

$(-2.0)^{**}3 \Rightarrow (-2.0)*(-2.0)*(-2.0) \Rightarrow -8.0$  ALE!!!

$2.0^{**}3.0 \Rightarrow \text{EXP}(3.0*\text{LOG}(2.0)) \Rightarrow 8.0$  ( w tym przypadku podstawa nie może być mniejsza od zera)

# WA – niejawną konwersja

Jeśli wykładnik jest typem INTEGER ale ujemnym to wyniki jest odwrotnością potęgowania przy dodatniej potędze:

$$2.0^{**}(-3) = > 1.0/2.0^{**}3 => 1.0/8.0 => 0.125$$

Jeśli podstawa jest ma typ COMPLEX, a wykładnik jest typem INTEGER to

$$(2.0, 3.0)^{**}2 => (2.0, 3.0)*(2.0, 3.0)$$

W przypadku gdy wykładnik jest typem rzeczywistym lub zespolonym zachodzi następująca konwersja

$A^{**}B => \text{EXP}(B*\text{LOG}(A))$ , gdzie funkcja wykładnicza EXP oraz logarytmiczna (logarytm naturalny) są także określone dla typów zespolonych. Dla typów zespolonych wartości funkcji EXP oraz LOG są obliczane w sensie wartości głównej.

# WA – niejawną konwersja

Konwersja z typu REAL na DOUBLE PRECISION nie może powodować powstawania dodatkowej informacji czyli:

REAL R

DOUBLE PRECISION D

R=1.0/3.0

D=R

Może spowodować że zmienna D będzie miała wartość  
0.3333333432674408 zamiast spodziewanej  
0.3333333333333333333D0

# WA – a typ INTEGER

Uwaga na typ INTEGER

$$8/3 \Rightarrow 2 \quad -8/3 \Rightarrow -2 \quad 2*(-3) \Rightarrow 1/(2**3) \Rightarrow 1/8 \Rightarrow 0$$

Dzielenie dwóch liczb całkowitych jest liczbą całkowitą

Wyrażenie  $(-2)**3.0$  jest niepoprawne

Inne niespodziewane efekty:

$$3/4*5.0 \Rightarrow 0*5.0 \Rightarrow 0.0 \quad \text{ALE !!!}$$

$$5.0*3/4 \Rightarrow 15.0/4 \Rightarrow 15.0/4.0 \Rightarrow 3.75$$

Niektóre wyrażenie mogą być niepoprawnie zapisane jak

$4/-3.0**(-1)$  - niepoprawnie

$4/(-3.0)**(-1)$  - poprawnie zapisane

# WA – końcowe uwagi

Niektóre operacje arytmetyczne są zabronione ponieważ nie są poprawnie zdefiniowane:

Dzielenie przez zero

Podnoszenie ujemnej wartości do rzeczywistej potęgi

Podnoszenie zera do ujemnej potęgi

- standard nie definiuje co się wtedy będzie działo

Inne błędy związane z wyrażeniami arytmetycznymi to

Overflow np. kiedy chcemy dodać dwie bardzo duże liczby

Underflow np. Kiedy chcemy dodać dwie bardzo małe liczby

**WSZYSTKIE OPERANDY W CHWILI OBLICZANIA WYRAŻENIA MUSZĄ  
MIEĆ ZDEFINIOWANĄ WARTOŚĆ**

# Stałe nazwane

Stałe nazwane (ang. Named constants) są wygodnym sposobem na zapamiętywanie pewnych szczególnych wartości pod postacią zmiennych. Takie zmienne charakteryzują się tym, że w czasie programu nie można ich zmienić.

```
REAL PI, TWOPI, HALFPI, RTOD
```

```
PARAMETER(PI=3.14159265, TWOPI=2*PI)
```

```
PARAMETER(HALFPI=PI/2.0, RTOD=180.0/PI)
```

Innym ważnym zastosowaniem instrukcji **PARAMETER** jest „inteligentne” wykorzystanie przy deklaracji tablic.

# Stałe nazwane

W instrukcji PARAMETER wartości stałych nie mogą być określone poprzez zmienne, wywołanie funkcji czy też odwołanie się do elementów tablicy. Stałe nazwane mogą natomiast być określane poprzez wyrażenia w których występują

- ◇ Stałe liczbowe (jak 2, 2.0, 2.0D0 itp)
- ◇ Stałe nazwane już wcześniej zdefiniowane
- ◇ Operatory: dodawania, odejmowania, mnożenia oraz potęgowanie pod warunkiem że wykładnik jest całkowity

Instrukcja PARAMETER może być przed instrukcją IMPLICIT lub po tej instrukcji

Przy obliczaniu wyrażen arytmetycznych stosują się ogólne reguły języka omówione wcześniej (kolejność działań, konwersja typów).

# Stałe nazwane cd.

W przypadku gdy wartość stałej jest określana w wyniku obliczania wartości wyrażenia, najpierw liczona jest wartość owego wyrażenia zgodnie z regułami podanymi powyżej i w precyzji zgodnej z regułami, a następnie wykonywana jest odpowiednia konwersja typów

Ta sama reguła tyczy się też nadawaniu wartości zwykłym zmiennym

**REAL a**

**DOUBLE PRECISION b, c**

**B=1.0/3.0; A=1.0/3.0; C=1.0d0/3.0d0)**

**Write(\*,\*)a, b, c**



# Łańcuchy

Typ znakowy, potocznie zwany „łańcuchami” (ang. string) został wprowadzony w celu umożliwienia łatwego przetwarzania tekstów. Wartości typu znakowego reprezentują ciągi (łańcuchy) znaków, których długość jest z góry określona i stała w programie.

**CHARACTER\*5 NAZWA5, HELP\*40**

Stałe znakowe – są to ciągi znaków ograniczone apostrofami np:  
'ALA' 'KOT' 'kotek '

Jeśli chcemy w łańcuchu umieścić apostrof, piszemy dwa obok siebie np: 'it's' - reprezentuje łańcuch składający się z 4 znaków, ma postać it's

Stała nazwaną znakową można zadeklarować

**CHARATER\*12 TEKST**

**PARAMETER( TEKST='Zwykly tekst')**

# Łańcuchy

Bardziej eleganckim sposobem deklaracji nazwanych stałych znakowych jest

**CHARACTER** **\*(\*)** TEKST

**PARAMETER**(**TEKST**='A teraz nie muszę liczyć długości :)')

Dzięki takiemu zabiegowi, nie trzeba określać długości stałej znakowej – będzie ona wyznaczona automatycznie

# Wyrażenia łańcuchowe

Jedynym możliwym wyrażeniem łańcuchowym jest operacja łączenia dwu ciągów znakowym za operatora konkatenacji `//` np:

`'XYZ'//'VW' => 'XYZVW'`

W przypadku więcej niż jednego operatora konkatenacji, kolejność działań jest od lewej do prawej tzn.

`'AB' // 'CD' // 'EF' => ('AB' // 'CD' ) // 'EF'`

# Wycinki znakowe

Fortran umożliwia przetwarzanie wycinków łańcuchów tekstowych, przez tworzenie nazw wycinków. Składnia:

`nazwa(w1:w2)`

`nazwa` – jest nazwą zmiennej lub elementem tablicy typu CHARACTER

`w1` oraz `w2` – są wyrażeniami typu całkowitego, których wartość wskazują odpowiednio lewy i prawy koniec wycinka. Wartości `w1` oraz `w2` muszą spełniać warunek  $1 \leq w1 \leq w2 \leq L$ , gdzie `L` jest długością zmiennej lub elementu tablicy. Jeśli `w1` nie występuje zakłada się że ma wartość jeden, jeśli `w2` nie występuje to zakłada się że ma wartość `L`, natomiast jeśli oba wyrażenia nie występują to zakłada się wartości odpowiednio 1 i `L`

`NAZWA='KOWALSKI'`

`NAZWA(2:5) => 'OWAL'`

# = a łańcuchy

Instrukcja podstawienia dla typu łańcuchowego ma postać

zmienna\_CHAR = wyrażenie\_lancuchowe

Jest jedno istotne ograniczenie: instrukcja typu

**STRING(1:N) = STRING(10:)**

jest poprawna, pod warunkiem że N jest nie większe niż 9.

**CHARACTER** **AUTOR\*30, SHORT\*5, EXPAND\*10**

**AUTHOR='Shakespeare, William'**

**SHORT=AUTHOR**

**EXPAND=SHORT**

- ◊ Jeśli wyrażenie jest dłuższe niż zmienna, wtedy znaki od prawej strony są obcinane
- ◊ Jeśli wyrażenie jest krótsze niż zmienna, wtedy z prawej strony dodawane są spacje

# = a łańcuchy

```
CHARACTER AUTOR*30, SHORT*5, EXPAND*10
```

```
AUTHOR='Shakespeare, William'
```

```
SHORT=AUTOR
```

```
EXPAND=SHORT
```

Wynikiem będzie :

'Shake' - to wartość zmiennej SHORT

'Shake ' - to wartość zmiennej EXPAND



**5 spacji**

# Uporządkowanie znaków

Standard Fortranu wymaga, by wszystkie jego implementacje spełniały następujące warunki uporządkowania poszczególnych typów znaków:

$0 < 1 < 2 < \dots < 9$

$A < B < C < \dots < Z$

$9 < A$  lub  $Z < 0$  tzn. wszystkie cyfry poprzedzają litery lub następują po nich

Spacja  $< A$  lub spacja  $< 0$

# Funkcje operujące na typie znakowym

Funkcja i jej argumenty	Typ argumentu	Typ wyniku	Opis
ACHAR(ival)	INT	CHAR	Zwraca znak o numerze ival w tablicy ASCII
CHAR(ival)	INT	CHAR	Zwraca znak o numerze ival w implementacji kompilatora
IACHAR(char)	CHAR	INT	Zwraca numer znaku w tablicy ASCII
ICHAR(char)	CHAR	INT	Zwraca numer znaku w implementacji kompilatora
INDEX(str1, str2, back)	CHAR, LOG	INT	(*)
LEN(str1)	CHAR	INT	Długość łańcucha str1 (zadeklarowana)
LEN_TRIM(str1)	CHAR	INT	Długość bez znaków spacji na końcu łańcucha
TRIM(str1)	CHAR	CHAR	Obcina spacje z końca łańcucha

**(\*) -przeszukuje ciąg znaków str1 w celu znalezienie wzorca str2 (0 = nie znaleziono)  
Argument back jest opcjonalny, i jeśli ma wartość .TRUE. wtedy ciąg znaków str1  
Przeszukiwany jest od końca zamiast od początku**



# Funkcje operujące na typie znakowym ciąg dalszy

Funkcja i jej argumenty	Typ argumentu	Typ wyniku	Opis
ADJUSTL(CHAR)	CHAR	CHAR	Zwraca łańcuch o takiej samej długości jak argument ale przesuwając spacje z lewej na prawą stronę łańcucha
ADJUSTR(CHAR)	CHAR	CHAR	Zwraca łańcuch o takiej samej długości jak argument ale przesuwa spacje z prawej na lewą stronę łańcucha
SCAN(str, set, back)	CHAR	INT	Skanuje łańcuch str aby znaleźć jakiś znak ze zbioru znaków set i zwraca jego pozycję. Zero jeśli nie ma znaku ze zbioru set w str.
VERIFY(str, set, back)	CHAR	INT	Zwraca zero, jeśli każdy ze znaków str jest w zbiorze set, lub pozycje w str która nie występuje w zbiorze set

# Przykłady:

**Przykład 1;**

**CHARACTER :: out1, out2**

**INTEGER :: nrZnaku = 65**

**out1=CHAR(nrZnaku)**

**out2=ACHAR(nrZnaku) ! Odpowiedz – znak 'A'**

**Przykład 2;**

**CHARACTER :: znak='A'**

**INTEGER :: wyn1, wyn2**

**wyn1=ICHAR(znak)**

**wyn2=IACHAR(znak) ! Odpowiedz - 65**

**UWAGA:**

**Używaj zawsze funkcji ACHAR oraz IACHAR gdyż ich wynik nie zależy od implementacji czy też typu komputera**

# Przykłady 2

```
CHARACTER(LEN=20) :: str1
```

```
INTEGER :: wyn1, wyn2
```

```
Str1='ABC XYZ'
```

```
wyn1=LEN(str1) ! wyn1=20
```

```
wyn2=LEN_TRIM(str1) ! wyn2=7
```

```
CHARACTER(LEN=20) :: str1='THIS IS A TEST!'
```

```
CHARACTER(LEN=20) :: str2='TEST'
```

```
CHARACTER(LEN=20) :: str3='IS'
```

```
INTEGER :: wyn1, wyn2, wyn3
```

```
wyn1=INDEX(str1, str2) ! wyn1=11
```

```
wyn2=INDEX(str1, str3) ! wyn2=3
```

```
wyn3=INDEX(str1, str3, .TRUE.) ! wyn3=6
```

# Tabela kodów ASCII

0	nul	32		64	@	96	`
1	soh	33	!	65	A	97	a
2	stx	34	"	66	B	98	b
3	etx	35	#	67	C	99	c
4	eot	36	\$	68	D	100	d
5	enq	37	%	69	E	101	e
6	ack	38	&	70	F	102	f
7	bel	39	'	71	G	103	g
8	bs	40	(	72	H	104	h
9	ht	41	)	73	I	105	i
10	lf	42	*	74	J	106	j
11	vt	43	+	75	K	107	k
12	ff	44	,	76	L	108	l
13	cr	45	-	77	M	109	m
14	so	46	.	78	N	110	n
15	si	47	/	79	O	111	o
16	dle	48	0	80	P	112	p
17	dc1	49	1	81	Q	113	q
18	dc2	50	2	82	R	114	r
19	dc3	51	3	83	S	115	s
20	dc4	52	4	84	T	116	t
21	mak	53	5	85	U	117	u
22	syn	54	6	86	V	118	v
23	etb	55	7	87	W	119	w
24	can	56	8	88	X	120	x
25	em	57	9	89	Y	121	y
26	sub	58	:	90	Z	122	z
27	esc	59	;	91	[	123	{
28	fs	60	<	92	\	124	
29	gs	61	=	93	]	125	}
30	rs	62	>	94	^	126	~
31	us	63	?1	95	_	127	del

# Wyrażenia logiczne

Wyrażenia w których występują **operatory logiczne**.

Operator logiczny – operator który działa na typach numerycznych, znakowych oraz logicznych i wynikiem operacji jest typ logiczny. Są dwa typy operatorów logicznych

- Operatory relacji
- Operatory „combinational” (koniunkcji, alternatywy, negacji, tożsamości oraz nierównoważności)

**Operatory relacji – działają na dwu numerycznych lub dwu znakowych operandach, wynikiem działania operatora jest wartość logiczna**

**Arytmetyczne operatory relacji:**

F90 (nowy styl)	F77 (stary styl)	Znaczenie
==	.EQ.	równe
/=	.NE.	różne
>	.GT.	większe niż
>=	.GE.	większe lub równe
<	.LT.	mniejsze
<=	.LE.	mniejsze lub równe

# Wyrażenia logiczne

**W przypadku porównywania ciągów znakowych – aby mieć pewność że ciągi znakowe będą porównywane zgodnie z tablicą ASCII, należy użyć funkcji LLT, LLE, LGT, LGE**

Funkcja i argumenty	Typ argumentu	Typ wyniku	Opis
LLT(str1, str2)	CHAR	LOG	Prawda, jeśli str1 < str2 zgodnie z ASCII
LLE(str1, str2)	CHAR	LOG	Prawda, jeśli str1 <= str2 zgodnie z ASCII
LGT(str1, str2)	CHAR	LOG	Prawda, jeśli str1 > str2 zgodnie z ASCII
LGE(str1, str2)	CHAR	LOG	Prawda, jeśli str1 >= str2 zgodnie z ASCII

# Tabele prawdy

Tablica prawdy dla operatorów **.AND.**, **.OR.**, **.EQV.** oraz **.NEQV.**

p	q	p .AND. q	p .OR. q	p .EQV. q	p .NEQV. q
.FALSE.	.FALSE.	.FALSE.	.FALSE.	.TRUE.	.FALSE.
.FALSE.	.TRUE.	.FALSE.	.TRUE.	.FALSE.	.TRUE.
.TRUE.	.FALSE.	.FALSE.	.TRUE.	.FALSE.	.TRUE.
.TRUE.	.TRUE.	.TRUE.	.TRUE.	.TRUE.	.FALSE.

Tabela prawdy dla operatora **.NOT.**

p	.not. p
.TRUE.	.FALSE.
.FALSE.	.TRUE.

# Kolejność działań - od najwyższej

- Wszystkie operacje arytmetyczne
- Wszystkie operacje relacji, obliczenia są wykonywane od lewej do prawej
- Wszystkie operatory negacji – operator `.NOT.`
- Wszystkie operatory `.AND.`, obliczenia są wykonywane od lewej do prawej
- Wszystkie operatory `.OR.`, obliczenia są wykonywane od lewej do prawej
- Wszystkie operatory `.EQV.` i `.NEQV.`, obliczenia od lewej do prawej



# Funkcje matematyczne

Fortran definiuje tzw. funkcje grupowe oraz konkretna (ang generic and specific names). Nazwą konkretną jest jednoznaczna nazwa pojedynczej funkcji wewnętrznej o ściśle określonym typie argumentu (lub argumentów) i wyniku. Nazwa grupowa – to grupa funkcji (o podobnym sensie matematycznym) z której kompilator w czasie kompilacji wybiera odpowiednia nazwę konkretną np. nazwa główna **LOG** pozwala odwołać się do funkcji

- ◇ **ALOG** – argument i wynik typu REAL
- ◇ **DLOG** – argument i wynik typu DOUBLE PRECISION
- ◇ **CLOG** – argument i wynik typu COMPLEX

# Funkcje matematyczne

W F77 jest 5 funkcji matematycznych które są określone dla argumentów zespolonych, wynikiem też jest liczba zespolona

- ◇  $* = \text{EXP}(\text{RDX})$  - funkcja wykładnicza  $e^x$
- ◇  $* = \text{LOG}(\text{RDX})$  - logarytm naturalny
- ◇  $* = \text{SIN}(\text{RDX})$  - sinus, argument w radianach
- ◇  $* = \text{COS}(\text{RDX})$  - cosinus, argument w radianach
- ◇  $* = \text{SQRT}(\text{RDX})$  - pierwiastek kwadratowy

Oznaczenie:  $* =$  - oznacza, że wynik funkcji jest taki sam jak wynik argumentu; IRDX - określa jaki jest typ argumentu

- ◇ I => INTEGER
- ◇ R => REAL
- ◇ D => DOUBLE PRECISION
- ◇ X => COMPLEX

# Funkcje matematyczne

## Funkcje trygonometryczne

- ◇ **\*=LOG10(RD)** – logarytm dziesiętny
- ◇ **\*=TAN(RD)** - tangens. Argument w radianach
- ◇ **\*=ASIN(RD)** – arcus sinus, wynik w zakresie od  $-\pi/2$  do  $+\pi/2$
- ◇ **\*=ACOS(RD)** – arcus cosinus, wynik w zakresie od 0 do  $+\pi$
- ◇ **\*=ATAN(RD)** – arcus tangens, wynik w zakresie  $-\pi/2$  do  $\pi/2$
- ◇ **\*=ATAN2(RD, RD)** – arcus tangens  $\arg 1/\arg 2$ , wynik w zakresie  $-\pi$  do  $+\pi$ , oba argumenty muszą być różne od zera
- ◇ **\*=SINH(RD)** – sinus hiperboliczny
- ◇ **\*=COSH(RD)** - cosinus hiperboliczny
- ◇ **\*=TANH(RD)** – tangens hiperboliczny

# Funkcje matematyczne

## Funkcje służące do zmiany typu danych

- ◇  $I = \text{INT}(\text{IRD})$  – zamiana na typ INTEGER poprzez obcięcie części ułamkowej
- ◇  $I = \text{NINT}(\text{RD})$  – zamiana na typ INTEGER do najbliższej liczby całkowitej
- ◇  $R = \text{REAL}(\text{IRD})$  – zamiana na typ REAL
- ◇  $D = \text{DBLE}(\text{IRD})$  – zamiana na typ DOUBLE PRECISION
- ◇  $X = \text{CMPLX}(\text{IRD})$  – zamiana na typ COMPLEX, w przypadku gdy argument jest typu IRD to część urojona jest zero
- ◇  $X = \text{CMPLX}(\text{IRD}, \text{IRD})$  – zamiana na typ COMPLEX

## Inne funkcje

- ◇  $* = \text{AINT}(\text{RD})$  – obcina część ułamkową (podobnie jak INT) ale zachowuje typ wyniku (tzn. typ wyniku jest taki sam jak typ argumentu)
- ◇  $* = \text{ANINT}(\text{RD})$  – zaokrągla do najbliższej liczby całkowitej, zachowuje typ wyniku

# Funkcje matematyczne

## Inne funkcje – dalsza część

- ◇  $* = \text{ABS}(\text{IRD})$  – wartość bezwzględna z liczby
- ◇  $R = \text{ABS}(X)$  – moduł z liczby zespolonej, tj. pierwiastek z sumy kwadratów części rzeczywistej i urojonej
- ◇  $= \text{MOD}(\text{IRD}, \text{IRD})$  – oblicza resztę z dzielenia  $A1/A2$ , czyli  $A1 - \text{INT}(A1/A2) * A2$
- ◇  $* = \text{SIGN}(\text{IRD}, \text{IRD})$  – funkcja znaku. Jeśli  $A2$  jest ujemne to wynikiem jest  $-\text{ABS}(A1)$ , w przeciwnym przypadku wynikiem jest  $\text{ABS}(A1)$
- ◇  $* = \text{DIM}(\text{IRD}, \text{IRD})$  - zwraca dodatnią różnicę  $A1$  i  $A2$  tzn. jeśli  $A1 > A2$  zwraca  $A1 - A2$ , w przeciwnym przypadku zwraca zero
- ◇  $D = \text{DPROD}(R, R)$  – oblicza iloczyn dwu liczb REAL
- ◇  $R = \text{AIMAG}(X)$  – część urojona liczby zespolonej.
- ◇  $R = \text{REAL}(X)$  – część rzeczywista liczby zespolonej
- ◇  $X = \text{CONJG}(X)$  - sprzężenie zespolone liczby zespolonej

# Funkcje matematyczne

Są dwie funkcje, które przyjmują zmienną liczbę argumentów

- ◇  $*$  = **MIN**(IRD, IRD, ...) - najmniejsza z liczb
- ◇  $*$  = **MAX**(IRD, IRD, ...) - największa z liczb

Funkcje które operują na łańcuchach ( o LEN, INDEX, CHAR i ICHAR już było)

- ◇  $L$  = **LGE**(C, C) - leksykalnie większy lub równy
- ◇  $L$  = **LGT**(C, C) - leksykalnie większy
- ◇  $L$  = **LLE**(C, C) - leksykalnie mniejszy lub równy
- ◇  $L$  = **LLT**(C, C) - leksykalnie mniejszy

gdzie: L – oznacza typ LOGICAL, C – oznacza typ CHARACTER

**Dziękuję za uwagę**